

Мы с вами научимся строить графики различных элементарных функций без применения производной. Такие методы построения графиков мы и будем называть

элементарными.

Представим себе, что нам известен график некоторой функции $f(x)$, который мы договоримся называть «старым» и будем обозначать Γ_f . Поставим задачу построения графика другой функции $g(x)$, определённым образом связанной со «старой» функцией, используя «старый» график в качестве исходного. Искомый график назовём «новым» и будем обозначать Γ_g .

Построение графиков функций элементарными средствами

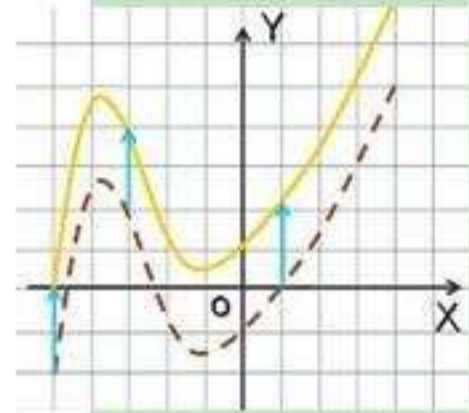
Составитель:
Королева Ольга Викторовна

603107 Н.Новгород
Щербинки I, дом 30

Телефон: 66-45-02
Факс: 66-43-06
Эл. почта: school174@sandy.ru

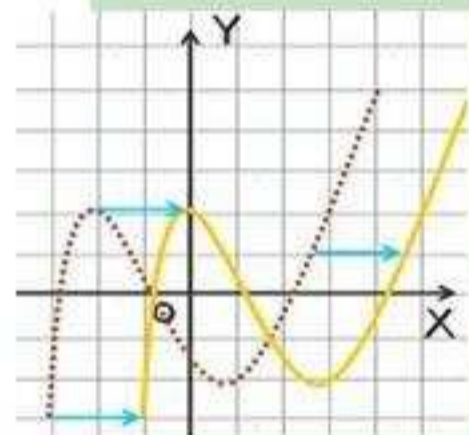
2006 год

Мы с вами научимся строить графики различных элементарных функций без применения производной.



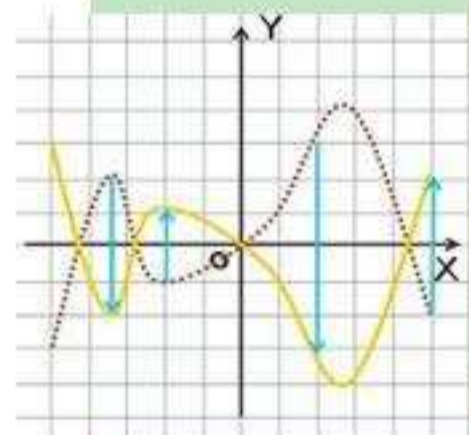
1. $g(x) = f(x) + a$

Γ_g получается из Γ_f параллельным переносом на «a» единиц вдоль оси (OY)



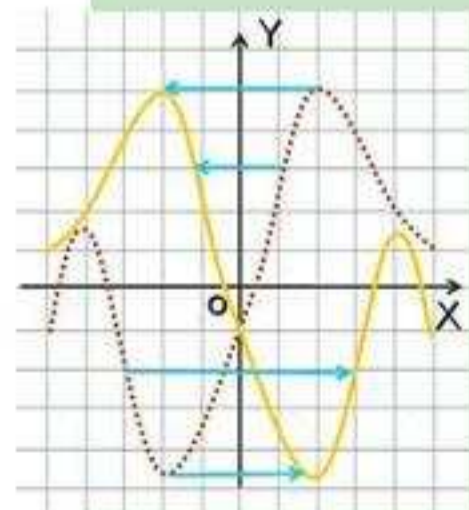
2. $g(x) = f(x + a)$

Γ_g получается из Γ_f параллельным переносом на «-a» единиц вдоль оси (OX)



3. $g(x) = -f(x)$

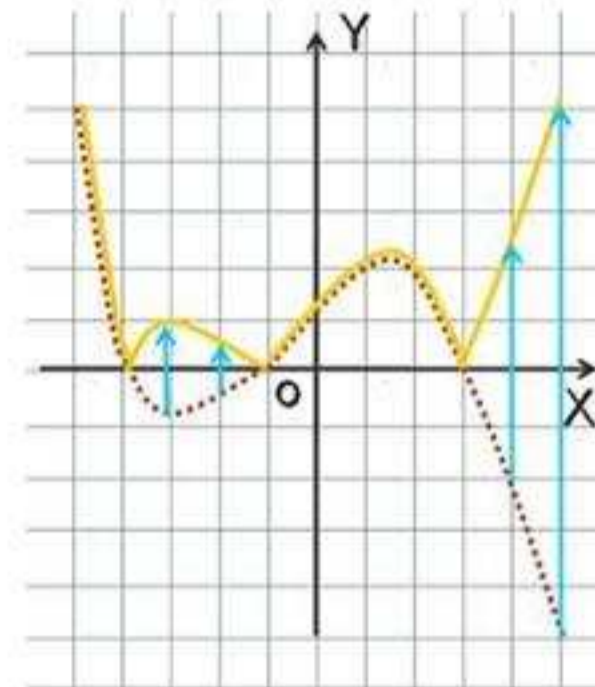
Γ_g получается из Γ_f симметрией относительно (OX)



4. $g(x) = f(-x)$

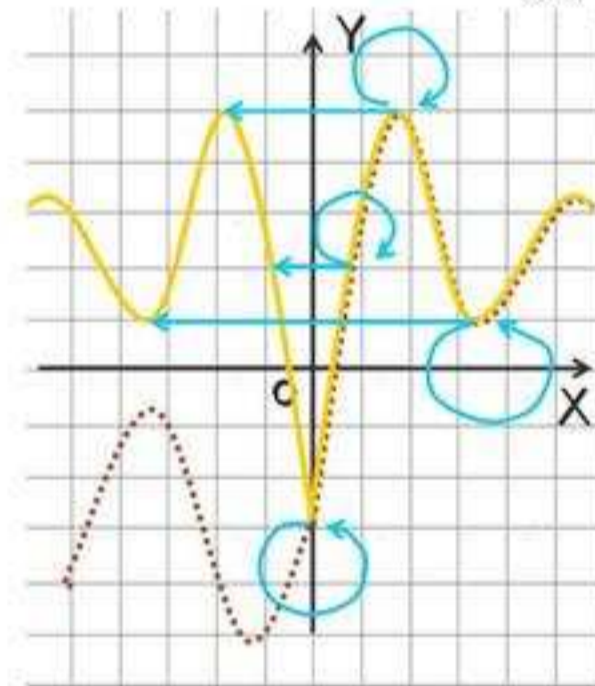
Γ_g получается из Γ_f симметрией относительно оси (OY)

5. $g(x) = |f(x)|$



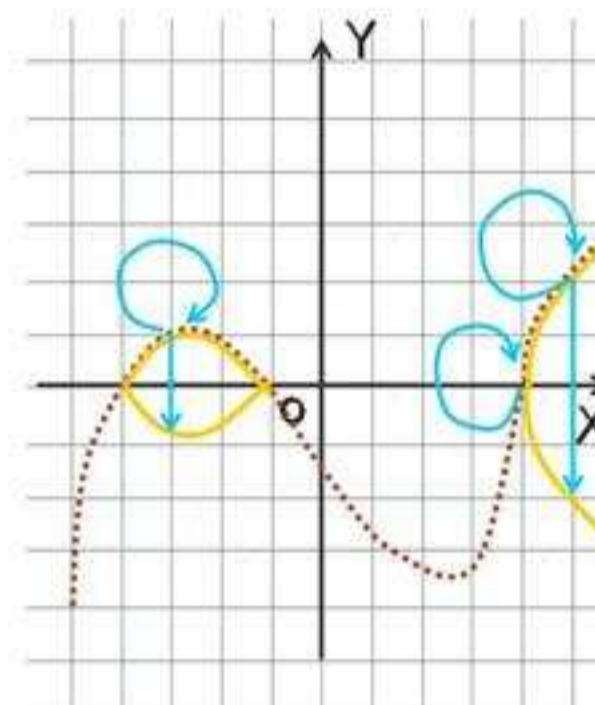
Γ_g получается из Γ_f так: Часть Γ_f , лежащая в верхней полуплоскости, остаётся без изменений, а часть Γ_f , лежащая в нижней полуплоскости, отражается симметрично относительно оси (OX)

6. $g(x) = f(|x|)$



Γ_g получается из Γ_f так: Часть Γ_f , лежащая в левой полуплоскости, бесследно исчезает, а часть Γ_f , лежащая в правой полуплоскости, остаётся без изменений и она же отражается симметрично относительно оси (OY)

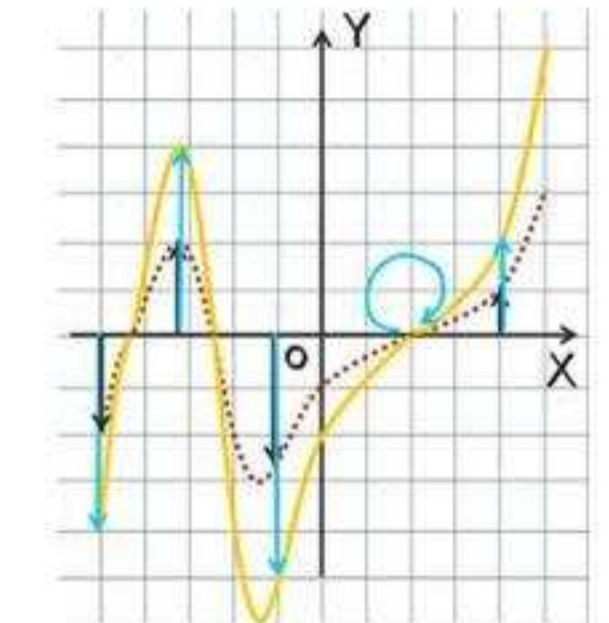
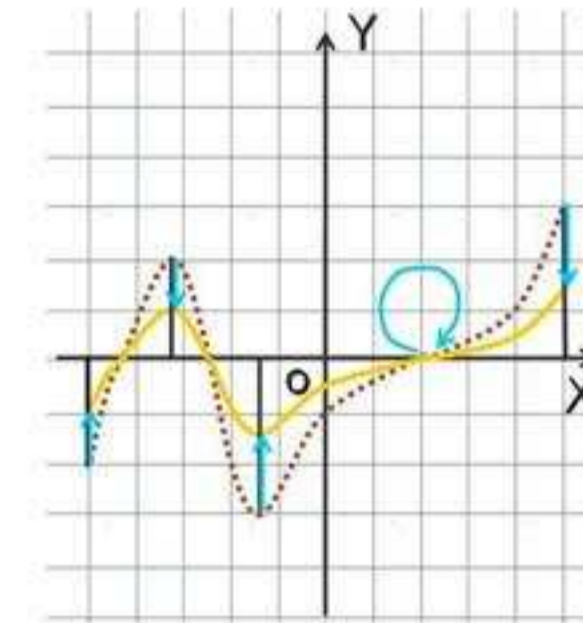
7. $|y| = f(x)$



Искомое множество точек получается из Γ_f так: часть Γ_f , лежащая в нижней полуплоскости, бесследно исчезает, а часть Γ_f , лежащая в верхней полуплоскости, остаётся без изменений и она же отражается симметрично относительно оси (OY)

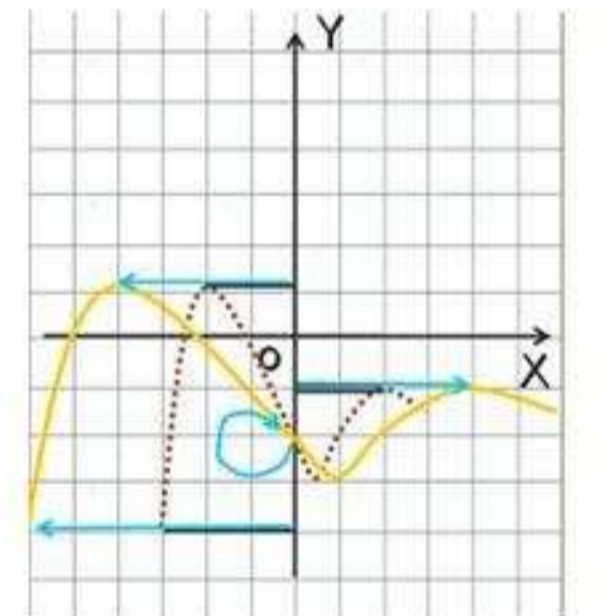
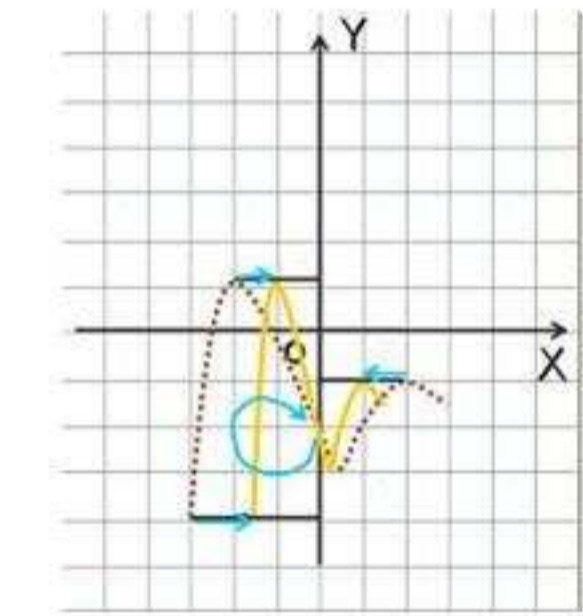
8. $g(x) = a f(x)$, где $a > 0$

Γ_g получается из Γ_f растяжением в «a» раз при $a > 1$ и сжатием в «1/a» раз при $a < 1$ вдоль оси (OY). Точки оси (OX) неподвижны !!!



9. $g(x) = f(ax)$, где $a > 0$

Γ_g получается из Γ_f сжатием в «a» раз при $a > 1$ и растяжением в «1/a» раз при $a < 1$ вдоль оси (OX). Точки оси (OY) неподвижны !!!



Желаем успехов!